

平成 18 年度 春期

ソフトウェア開発技術者 午後Ⅱ 問題

注意事項

1. 試験開始の合図があるまで、問題冊子を開いて中を見てはいけません。
2. この注意事項は、問題冊子の裏表紙に続きます。問題冊子を裏返して必ず読んでください。
3. 答案用紙への受験番号などの記入は、試験開始の合図があってから始めてください。
4. 試験時間は、次の表のとおりです。

試験時間	15:30 ~ 16:30 (1 時間)
------	----------------------

途中で退出する場合には、手を挙げて監督員に合図し、答案用紙が回収されてから静かに退出してください。

退出可能時間	16:10 ~ 16:20
--------	---------------

5. 問題は、次の表に従って解答してください。

問題番号	問 1
選択方法	必須

6. 問題に関する質問にはお答えできません。文意どおり解釈してください。
7. 問題冊子の余白などは、適宜利用して構いません。
8. 電卓は、使用できません。

注意事項は問題冊子の裏表紙に続きます。
こちら側から裏返して、必ず読んでください。

問1 大きなけた数の整数の演算操作に関する次の記述を読んで、設問1～3に答えよ。

与えられた n けたの整数に対し、数字を並べ替えてできる最大の整数から、同様に
してできる最小の整数を引いて n けたの整数を求める操作を、カプレカ操作と呼ぶ。
求めた結果が n けたより小さいときは、上位けたに不足けた数分の 0 を補い、常に n
けたの整数として扱う。 n けたの整数は有限個しか存在しないので、与えられた整数
から始めて、カプレカ操作を繰り返すと、いつかは同じ数が現れる。

例えば、4 けたの整数 1234 から作ることのできる最大数 4321 から、最小数 1234 を
引くと 3087 となる。このあと、カプレカ操作を繰り返すと次のように変化する。

$$8730 - 0378 = 8352$$

$$8532 - 2358 = 6174$$

$$7641 - 1467 = 6174$$

6174 に対するカプレカ操作の結果は 6174 となり、これ以上操作を繰り返しても値
は変わらない。

すべてのけたが同じ整数は 1 回のカプレカ操作で 0 になり、以後変化しないことは
明らかである。それ以外は、どの 4 けたの整数もカプレカ操作を何回か繰り返すと
 6174 になることが分かっている。このように、4 けたの場合には一つの定数になるが、
4 けた以外の場合には定数になるとは限らない。例えば、 12345 は $54321 - 12345 =$
 41976 となり、次のように変化する、四つの数を循環するようになる。このような状態
をサイクルという。

$$97641 - 14679 = 82962$$

$$98622 - 22689 = 75933$$

$$97533 - 33579 = 63954$$

$$96543 - 34569 = 61974$$

$$97641 - 14679 = 82962$$

どの整数もカプレカ操作を繰り返すと、定数かサイクルに到達する。

整数型の変数では表現できないような大きなけた数の整数に対して、定数かサイク
ルになるまでカプレカ操作を繰り返して、途中経過を表示するプログラムを次のよう
に設計した。

(1) 整数の表現法 1

整数型の変数では表現できない大きなけた数の整数を扱うので、1 けたずつ整数の配列に入れる。けたの順序は意味がないので、常に昇順にソートしておく。こうすることでサイクルの確認も容易になる。扱うことのできる整数の上限は、配列の大きさで決まる。

(2) カプレカ操作

(1) の表現に対して演算を行う。既に昇順にソートされている整数の数字を逆順にすることで、降順にソートした整数を作り、その差を求める。結果を昇順にソートする。

(3) サイクルの検出

与えられた整数とカプレカ操作で求められた整数はすべてリストに記憶し、新たに求めた整数が既に出現していないかを調べるのに使う。

[プログラムの概略]

- (1) 整数を配列 N に読み込み、各けたの数字を昇順にソート
- (2) リスト L を空リストに初期化
- (3) L に N がない間
 - (3-1) L に N を追加
 - (3-2) N にカプレカ操作を行い、結果を R に入れ、 R を表示
 - (3-3) R を N に移動

カプレカ操作の関数 `kaprekar` とサイクルの検出に使う比較関数 `compare` を、図 1 に示す。ここで、`number`, `number2`, `result`, `d1`, `d2` は整数を表現する配列で、添字は 0 から始まるものとする。また、けたは下位けたから順に 0, 1, 2, ... と数える。

関数 `kaprekar` は配列 `number` を受け取って、カプレカ操作の結果を配列 `result` に返す。`n` は受け取った整数のけた数である。関数 `compare` は二つの整数を配列 `d1`, `d2` で受け取って、二つの整数が同じなら 1 を、異なっていれば 0 を返す。`n` は受け取った整数のけた数である。

```

kaprekar(number, result, n)
{
  for i=0 to n-1 /*ループ A (number2 に最小数を入れる)*/
    number2[ a ] = number[i]
  borrow = 0
  for i=0 to n-1 /*ループ B (n けたの引き算)*/
  {
    result[i] = b /*i けた目を計算*/
    if(result[i]>=0) borrow = 0
    else
    {
      result[i] = c
      borrow = 1
    }
  }
  for i=0 to n-2 /*ループ C (選択法で昇順に並べ替える)*/
  {
    k = i
    for j=i+1 to n-1
      if( d ) k = j
    w = result[i]
    result[i] = result[k]
    result[k] = w
  }
}

compare(d1, d2, n)
{
  for i=0 to n-1
    if(not(d1[i]=d2[i])) return 0
  return 1
}

```

図 1 関数 kaprekar (その 1) と関数 compare

配列の要素に数字を 1 けたずつ入れる表現法 1 は、けた数が大きくなるとメモリの利用効率が極端に悪くなる。また、事前に想定したけた数を超えると、配列の大きさを変えなければならない。そこで、プログラムの設計を根本から見直し、新たに次のような整数の表現法 2 を用い、処理の高速化と記憶領域の縮小を図った。

[整数の表現法 2]

カプレカ操作では、各数字が何個あるかが分かれば計算できるので、各数字が何個出てきたかを要素数 10 の整数の配列 d で表現する。

この表現法で各数字の出現頻度が、

$$d[0] = d[1] = 2,$$

$$d[2] = d[3] = d[4] = d[5] = 1,$$

$$d[6] = d[7] = 0,$$

$$d[8] = 3,$$

$$d[9] = 1$$

であったとすると、これによって表される数は 12 けたの整数で、

$$\text{最大数} = 988854321100,$$

$$\text{最小数} = 001123458889$$

となる。

表現法 2 を使って、 n けたの整数のカプレカ操作を行うプログラムを考える。ここで、 i けた目の計算で、最大数の i けた目の数字を DR 、最小数の i けた目の数字を DL とする。また、 BR には、 DR でない数字が初めて現れるけた位置を設定する。 BL も同様に DL でない数字が現れるけた位置を設定する。最後の数字の場合は、数字がなくなる位置 (n) を設定する。

表現法 2 で与えられた上記のデータに対して、実際にカプレカ操作を試してみると、次のようになる。

(1) 0 けた目の計算 (図 2)

最大数の 0 けた目は 0 なので DR は 0、最小数の 0 けた目は 9 なので DL は 9 となる。0 は 2 個あるので BR は 2、9 は 1 個なので BL は 1 になる。0 けた目の計算は、 $DR - DL = 0 - 9 = -9$ となるので、上位のけたからの繰下りが起き、0 けた目は 1 となる。

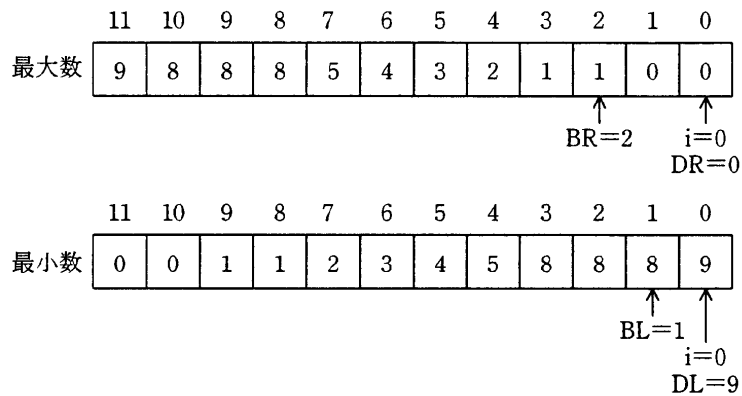


図2 0けた目の計算

(2) 1けた目 ($i = 1$) の計算 (図3)

$i < BR$ なので、BR, DR は変わらない。

$i = BL$ なので、DL は 8 に変わる。DL が変わると BL も更新する必要がある。8 は 3 個あるので、次に DL が変わるのは 4 けた目である。したがって、BL は 4 となる。

1 けた目の計算は、下位のけたに繰下りがあり、 $DR - DL - 1 = 0 - 8 - 1 = -9$ となるので、上位のけたからの繰下りが起き、1 けた目は 1 となる。

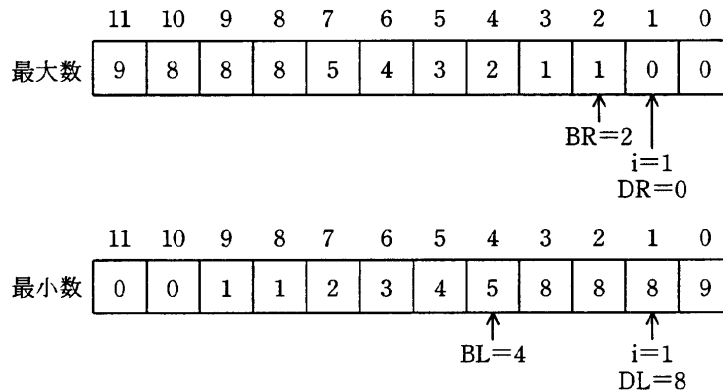


図3 1けた目の計算

(3) $2 \sim n-1$ けた目 ($i = 2 \sim n-1$) に対して、同様の操作を繰り返す。

設問1 図1中の ~ に入れる適切な式を答えよ。

設問2 図1に示した関数 `kaprekar` と関数 `compare` を利用し、一つの整数に対してサイクルを検出するまでカプレカ操作を繰り返すプログラムの平均時間計算量に関する次の記述中の ~ に入れる適切な式を、 m , n を用いて答えよ。ここで、整数のけた数を n 、サイクルを検出するまでにリストに入れる整数の平均個数を m とする。

ループA, Bの計算量は $O(\text{$)、ループCの計算量は $O(\text{$) である。したがって、関数 `kaprekar` の計算量は $O(\text{$) となる。サイクルを検出するまでこれを繰り返すので、カプレカ操作に要する計算量は $O(\text{$) となる。

各カプレカ操作の後で行うサイクルの検出は、求めた整数とリスト中のすべての整数とを比較して、一致するものがあるかを探す操作である。関数 `compare` の1回当たりの計算量は $O(\text{$) である。サイクルを検出するまでの関数 `compare` の実行回数は に比例するので、サイクルの検出に要する計算量は $O(\text{$) となる。

プログラム全体の計算量は、カプレカ操作の計算量とサイクル検出の計算量のうち、大きい方の値になる。

設問3 整数の表現法2に合わせて書き換えた関数 kaprekar を、図4に示す。ここで、関数 kaprekar は、カプレカ操作の結果を整数の表現法2によって配列 result に返す。図4中の ~ に入れる適切な式を答えよ。

```

kaprekar(d, result, n)
{
  for i=0 to 9
    result[i] = 0
  DR = 0
  DL = 
  BR = d[DR]
  BL = d[DL]
  borrow = 0
  for i=0 to n-1
  {
    while(i>=BR)
    {
      DR = 
      BR = 
    }
    while(i>=BL)
    {
      DL = 
      BL = 
    }
    r = DR - DL - borrow
    borrow = 0
    if(r<0)
    {
      r = 
      borrow = 
    }
    result[r] = 
  }
}

```

図4 関数 kaprekar (その2)

[メモ用紙]

[メモ用紙]

9. 答案用紙の記入に当たっては、次の指示に従ってください。
- (1) HB の黒鉛筆又はシャープペンシルを使用してください。
 - (2) 受験番号欄に、受験番号を記入してください。正しく記入されていない場合は、採点されません。
 - (3) 生年月日欄に、受験票に印字されているとおりの生年月日を記入してください。正しく記入されていない場合は、採点されないことがあります。
 - (4) 解答は、問題番号ごとに指定された枠内に記入してください。
 - (5) 解答は、丁寧な字ではっきりと書いてください。読みにくい場合は、減点の対象になります。
10. 試験終了後、この問題冊子は持ち帰ることができます。
11. 答案用紙は、白紙であっても提出してください。
12. 試験時間中にトイレへ行きたくなったり、気分が悪くなったりした場合は、手を挙げて監督員に合図してください。

試験問題に記載されている会社名又は製品名は、それぞれ各社の商標又は登録商標です。
なお、試験問題では、® 及び ™ を明記していません。